

Caminho Hamiltoniano \leq P SAT

Recebemos um grafo G

Obj: Construir um algoritmo Poly ϕ T.F.

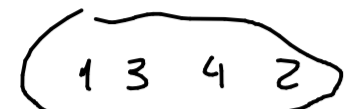
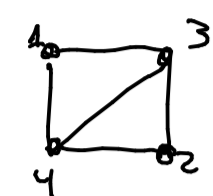
G possui CH $\iff \phi(G)$ é satisfatível
 \hookrightarrow Exp. Bool.

G possui VTXS $1, \dots, n$

$\phi(G)$ possui variáveis $x_{i,j}, 1 \leq i, j \leq n$

Interpretação é

$x_{i,j} = T \iff$ o vtx j é o i -ésimo vtx do Cam. Ham.



$x_{11} = T, x_{34} = T$

$x_{23} = T, x_{42} = T$

$$\begin{pmatrix} 1 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 1 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 1 \\ 0 & 1 & 0 & 0 \end{pmatrix}$$

$x_{i,j} = T \iff$ o vtx j é o i -ésimo vtx do Cam. Ham.

cláusulas

o vtx j faz parte do caminho

$$(x_{1j} \vee x_{2j} \vee x_{3j} \vee \dots \vee x_{nj}) \quad \forall j \quad n \text{ cláusulas}$$

$$00j0 \dots 0j0 \dots 0 \dots$$

o vtx j não está em duas posições

$$(\neg x_{ij} \vee \neg x_{kj}) \quad \forall i, k, j \quad n^3 \text{ cláusulas}$$

$$\begin{array}{cc} (\neg x_{ij} \vee \neg x_{kj}) & \\ \underline{\quad \quad \quad} & \\ \quad \quad \quad & \end{array}$$

Algum vtx é o i -ésimo vtx do caminho

$$(x_{i1} \vee x_{i2} \vee \dots \vee x_{in}) \quad \forall i \quad n \text{ cláusulas}$$

$$\begin{array}{cccc} \text{T} & \text{T} & & \\ 00 & \dots & 2 & \dots & 0 \end{array}$$

Dois vtxs não podem ser o i -ésimo

$$(\neg x_{i,j} \vee \neg x_{i,k}) \quad \forall j, k \quad n^3 \text{ cláusulas}$$

$$\begin{array}{cc} (\neg x_{i1} \vee \neg x_{i2}) & \\ \underline{\quad \quad \quad} & \\ \quad \quad \quad & \end{array}$$

se i, j não é aresta de G , então j não pode vir depois de i

$$(\neg x_{k,i} \vee \neg x_{k+1,j}) \quad \forall k$$

$$000 \dots (i, j) \dots 00$$

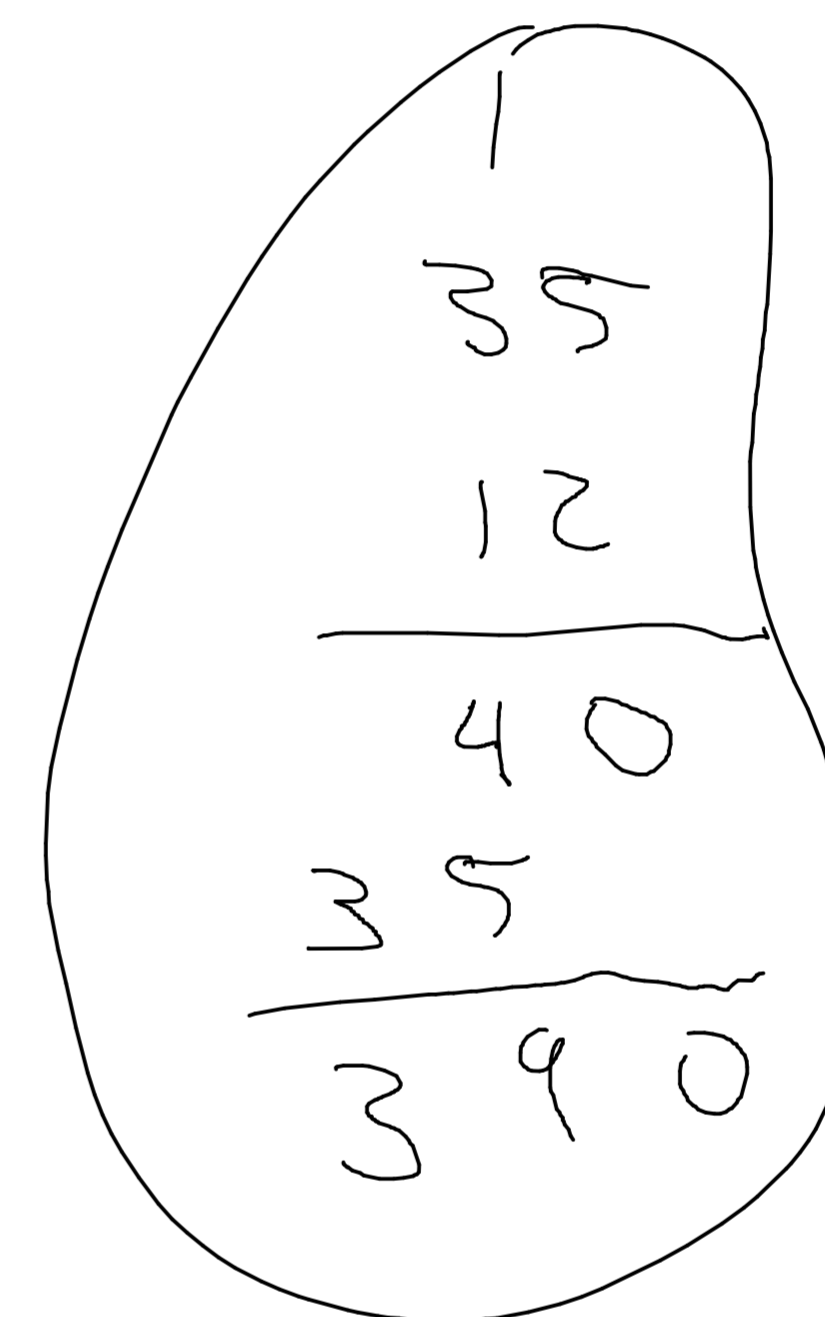
Como $e(G) \leq n^2$, temos $\leq n^3$ cláusulas

For $j = 1, \dots, n$

For $i = 1, \dots, n$:

$$C \vee = x_{ij}$$

ADICIONE A CLÁUSULA C



$$\begin{array}{cccc} & 1 & 1 & 1 \\ & & 1 & 1 \\ 1 & \hline & 1 & 1 & 1 \\ 1 & 1 & 1 & \\ \hline 1 & 0 & 1 & 0 & 1 \\ 2 & 4 & 2^3 & 2^2 & 2^1 & 2^0 \end{array}$$

$$7 \cdot 3 = 16 \quad 4 \quad 1$$

\rightsquigarrow

$$\begin{array}{cccc} & x_i & x_j & \\ & \gamma_i & \gamma_j & \\ \hline z & z & z & z \\ z & z & \dots & \dots \\ \hline 1 & 0 & 1 & 0 & 1 \end{array}$$

\rightsquigarrow

G possui CH $\iff \phi(G)$ é satisfatível
 \hookrightarrow Exp. Bool.